

Сибирский институт управления – филиал РАНХиГС

Факультет экономики и финансов

Кафедра информатики и математики

УТВЕРЖДЕНА  
кафедрой информатики и математики  
Протокол от «26» августа 2016 г. № 1

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
ДИСЦИПЛИНЫ**

**МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ**

Б1.Б.10

краткое наименование дисциплины – не устанавливается

по направлению подготовки 38.03.01 Экономика

направленность (профиль): «Государственные и муниципальные финансы»

квалификация: Бакалавр

форма обучения: заочная

Год набора — 2017

Новосибирск, 2016

**Автор – составитель:**

кандидат физико-математических наук, доцент, заведующий кафедрой информатики и математики Е.А. Рапоцевич

## СОДЕРЖАНИЕ

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО.....	4
3. Содержание и структура дисциплины .....	5
4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине .....	7
5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины .....	16
6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине.....	17
6.1. Основная литература. ....	17
6.2. Дополнительная литература.....	18
6.3 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы.....	19
6.4. Нормативные правовые документы.....	17
6.5. Интернет-ресурсы.....	19
6.6. Иные источники.....	20
7. Материально – техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы.....	20

## 1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

1.1. Дисциплина Б1.Б.10 «Математический анализ» обеспечивает овладение следующей компетенцией с учетом этапа:

Таблица 1.

Код компетенции	Наименование компетенции	Код этапа освоения компетенции	Наименование этапа освоения компетенции
ОПК-3	способность выбрать инструментальные средства для обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы	ОПК-3.1.	способность использовать дифференциальное и интегральное исчисление, умение решать типовые дифференциальные уравнения.

1.2. В результате освоения дисциплины у студентов должны быть сформированы:

Таблица 2.

ОТФ/ТФ/ профессиональные действия	Код этапа освоения компетенции	Результаты обучения
	ОПК-3.1.	на уровне знаний: основных понятий и методов математических дисциплин;
		на уровне умений: использовать основные подходы к сбору, обработке и анализу количественных и качественных данных; применять типовые математические модели для решения экономических и социальных задач; интерпретировать полученный результат в контексте поставленной задачи;
		на уровне навыков: владения приемами математических исследований

## 2. Объем и место дисциплины в структуре ОП ВО

### Объем дисциплины

- общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы.
- количество академических часов по заочной форме обучения, по заочной форме обучения с применением ЭО и ДОТ, выделенных на контактную работу с преподавателем 10, из них 4 лекционного типа, 6 практического (семинарского) типа, 125 на самостоятельную работу обучающихся;

### Место дисциплины

Б1.Б.10 «Математический анализ» изучается студентами на 1 курсе.

## 3. Содержание и структура дисциплины

Таблица 3.1.

№ п/п	Наименование тем, (разделов)	Объем дисциплины, час.					СР	Форма текущего контроля успеваемости <sup>1</sup> , промежуточной аттестации
		Всего	Контактная работа обучающегося с преподавателем по видам учебных занятий					
			Л	ЛР	ПЗ	КСР		
<i>Заочная форма обучения</i>								
<b>Раздел 1. Дифференциальное исчисление</b>		80	2		3		75	практическое задание по темам раздела
Тема 1.1	Множества. Операции над множествами							
Тема 1.2	Функции действительных переменных							
Тема 1.3	Непрерывность функции							
Тема 1.4	Производная							
Тема 1.5	Приложения производной							
Тема 1.6	Функции от нескольких переменных							
<b>Раздел 2. Интегральное исчисление</b>		55	2		3		50	практическое задание по темам раздела
Тема 2.1	Неопределенный интеграл							
Тема 2.2	Определенный интеграл							
Тема 2.3	Несобственный интеграл							
Промежуточная аттестация		9				9		Э
<b>Всего:</b>		<b>144</b>	<b>4</b>		<b>6</b>	<b>9</b>	<b>125</b>	Ак.ч.
		<b>4</b>						З.е.
		<b>108</b>						

Таблица 3.2.

№ п/п	Наименование тем, (разделов)	Объем дисциплины, час.					СР	Форма текущего контроля успеваемости <sup>2</sup> , промежуточной аттестации
		Всего	Контактная работа обучающегося с преподавателем по видам учебных занятий					
			л/эо, дот	лр/эо, дот	пз/эо, дот	КСР		
<i>Заочная форма обучения с применением ЭО ДОТ</i>								
<b>Раздел 1. Дифференциальное исчисление</b>		80	2		3		75	Электронный семинар
Тема 1.1	Множества. Операции над множествами							
Тема 1.2	Функции действительных переменных							
Тема 1.3	Непрерывность функции							
Тема 1.4	Производная							
Тема 1.5	Приложения производной							
Тема 1.6	Функции от нескольких							

<sup>1</sup> ИПЗ – индивидуальное практическое задание, КР - контрольная работа, О – опрос, Э - экзамен.<sup>2</sup> ИПЗ – индивидуальное практическое задание, КР - контрольная работа, О – опрос, Э - экзамен.

	переменных						
<b>Раздел 2. Интегральное исчисление</b>		55	2		3		50
Тема 2.1	Неопределенный интеграл						Электронный семинар
Тема 2.2	Определенный интеграл						
Тема 2.3	Несобственный интеграл						
Промежуточная аттестация		9				9	Э
<b>Всего:</b>		<b>144</b>	<b>4</b>		<b>6</b>	<b>9</b>	<b>125</b>
		<b>4</b>					
		<b>108</b>					
							Ак.ч.
							З.е.
							Астр.ч.

### Содержание дисциплины

#### Раздел 1. Дифференциальное исчисление

##### Тема 1.1 Множества. Операции над множествами

Понятие множества. Способы задания множеств. Операции над множествами. Понятие подмножества. Основные типы подмножеств в  $\mathbb{R}$ .

##### Тема 1.2. Функции действительных переменных

Понятие отображения и функций. Область значений и область определения. Элементарные функции.

##### Тема 1.3. Непрерывность функции

Непрерывность функции. Разрывы и их классификация. Проверка функций на непрерывность. Поиск и анализ точек разрыва.

##### Тема 1.4. Производная

Понятие производной. Геометрический смысл производной. Производные от элементарных функций. Производная от сложной функции. Свойства производной. Вычисление производной.

##### Тема 1.5. Приложения производной

Возрастание и убывание функций. Экстремумы функций и их классификация. Теорема Ферма. Алгоритмы исследования поведения для гладкой, непрерывной и произвольной функции. Теорема Ролля. Теорема Лагранжа. Теорема Коши. Теоремы Лопиталья. Понятие дифференциала функции. Геометрический смысл дифференциала. Применение дифференциала в приближенных вычислениях.

##### Тема 1.6. Функции от нескольких переменных

Понятие функции нескольких переменных. Примеры функций нескольких переменных. Понятие непрерывности. Понятие частной производной первого и более высокого порядка. Понятие градиента и полного дифференциала.

#### Раздел 2. Интегральное исчисление

##### Тема 2.1. Неопределенный интеграл

Понятие первообразной и неопределенного интеграла Таблица неопределенных интегралов от элементарных функций. Свойство линейности интеграла. Правила интегрирования. Замена переменных и линейная подстановка в неопределенном интеграле. Формула интегрирования по частям.

##### Тема 2.2. Определенный интеграл

Определенный интеграл. Геометрический смысл. Свойства определенного интеграла. Интеграл как функция верхнего предела. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям и замена переменных в определенном интеграле. Вычисление определенных интегралов.

##### Тема 2.3. Несобственный интеграл

Вычисление интегралов с бесконечным пределом интегрирования (несобственный интеграл первого типа). Вычисление интегралов от функций, разрывных на отрезке интегрирования (несобственный интеграл второго типа).

#### 4. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся и фонд оценочных средств промежуточной аттестации по дисциплине

4.1. Формы и методы текущего контроля успеваемости обучающихся и промежуточной аттестации.

4.1.1. В ходе реализации дисциплины Б1.Б.10 Математический анализ используются следующие методы текущего контроля успеваемости обучающихся:

для заочной формы обучения

Таблица 4.2.

Тема (раздел)		Методы текущего контроля успеваемости
<b>Раздел 1 Дифференциальное исчисление</b>		
Тема 1.1	Множества. Операции над множествами	практическое задание по темам раздела
Тема 1.2	Функции действительных переменных	
Тема 1.3	Непрерывность функции	
Тема 1.4	Производная	
Тема 1.5	Приложения производной	
Тема 1.6	Функции от нескольких переменных	
<b>Раздел 2 Интегральное исчисление</b>		
Тема 2.1	Неопределенный интеграл	практическое задание по темам раздела
Тема 2.2	Определенный интеграл	
Тема 2.3	Несобственный интеграл	

для заочной формы обучения с применением ЭО и ДОТ

Таблица 4.3.

Тема (раздел)		Методы текущего контроля успеваемости
<b>Раздел 1 Дифференциальное исчисление</b>		
Тема 1.1	Множества. Операции над множествами	Электронный семинар
Тема 1.2	Функции действительных переменных	
Тема 1.3	Непрерывность функции	
Тема 1.4	Производная	
Тема 1.5	Приложения производной	
Тема 1.6	Функции от нескольких переменных	
<b>Раздел 2 Интегральное исчисление</b>		
Тема 2.1	Неопределенный интеграл	Электронный семинар
Тема 2.2	Определенный интеграл	
Тема 2.3	Несобственный интеграл	

В ходе реализации дисциплины по заочной форме обучения с применением ЭО и ДОТ используются следующие методы текущего контроля успеваемости обучающихся:

- письменный ответ на задания электронного семинара;
- письменное собеседование с обучающимся в ходе проведения электронного семинара

**4.1.2. Экзамен проводится с применением следующих методов (средств):**

Экзамен заочной форме обучения проводится по билетам, которые включают два теоретических вопроса и ситуационное задание. Экзамен может проводиться как в устной, так и в письменной форме.

Экзамен для студентов заочной формы обучения с применением ЭО и ДОТ состоит из выполнения письменного контрольного задания и электронного тестирования с применением специального программного обеспечения.

На экзамен выносятся задания, проработанные в течение семестра на аудиторных занятиях и в процессе самостоятельной работы.

**4.2. Материалы текущего контроля успеваемости обучающихся.**

Полный комплект материалов для текущего контроля находится на кафедре информатики и математики в УМК-Д.

**4.2.1. Материалы текущего контроля успеваемости****Типовые практические задания****Тема 1.1 Множества. Операции над множествами**

1.  $A=(-1,0]$ ,  $B=[0,2)$ . Найти  $A \cup B$ ,  $B \cap A$ ,  $A \cup \bar{B}$ ,  $\bar{A} \cap B$ ,  $\overline{A \cap B}$
2. В группе из 100 туристов 70 знают английский язык, 45 – французский, 23 – оба языка. Сколько туристов в группе не знают ни английского, ни французского языка?

**Тема 1.2. Функции действительных переменных**

3. Найти область определения следующих функции

$$y = \sqrt{x^2 + 10x + 16}; \quad y = \frac{\sqrt{25 - x^2}}{\log_5(x^2 + 4x)}; \quad y = \log_{\frac{x+1}{2x}}(3 + 5x + 2x^2).$$

**Тема 1.3. Непрерывность функции**

4. Найти предел функции

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{3x^2}{1 - x^2} + 2^{1/x} \right);$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{1 + 2x} - 1};$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 - 4x)^{\frac{1-x}{x}};$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{3 - \sqrt{2x + 9}};$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} n(\ln(n + 3) - \ln n).$$

**Тема 1.4. Производная**

5. Найти производную функции

$$y = x^2 e^{-1/x};$$

$$y = \arccos(1 - 2x);$$

$$y = \log_2(\log_3 x).$$

**Тема 1.5. Приложения производной**

6. Исследовать функцию на непрерывность, классифицировать точки разрыва:

$$y = \frac{1}{3x+1}$$

$$y = \begin{cases} x, & x < 1 \\ -x^2 + 4x + 2, & 1 \leq x < 3 \\ 4 - x, & x \geq 3 \end{cases}$$

7. Провести полное исследование поведения функции. Построить эскиз.

$$y = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$$

8. Найти участки монотонности функции, классифицировать точки экстремума:

$$y = \frac{1-x^2}{1+x}$$

### Тема 1.6. Функции от нескольких переменных

9. Найти область определения функции  $z = \frac{1}{4-x^2-y^2}$ .

10. Найти частные производные от функции  $z = x^y, x > 0$ .

11. Найти дифференциалы заданной функции  $z = \ln(x^2 + y)$ .

### Тема 2.1. Неопределенный интеграл

12. Вычислить неопределенный интеграл

$$\int \frac{2x^4 + 3x\sqrt{x} + x}{\sqrt{x}} dx ;$$

$$\int \frac{x^2 dx}{1+x^6} ;$$

$$\int \frac{dx}{x^2 + 3x + 3} ;$$

$$\int \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}} ;$$

$$\int x^2 e^x dx .$$

### Тема 2.2. Определенный интеграл

13. Найти определенный интеграл

$$\int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{\sin^2 x}{\cos x} dx$$

14. Вычислить площадь фигур, ограниченных линиями

$$y = \frac{1}{x}, x = e, x = e^2, y = 0$$

### Тема 2.3. Несобственный интеграл

15. Вычислить несобственный интеграл

$$\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}$$

**Типовые темы контрольных работ**

**Контрольная работа № 1**

1. Нахождение области определения функции,
2. Нахождение пределов функции,
3. Производные и их применение,
4. Исследование поведения функций и построение эскизов графиков.

**Контрольная работа № 2**

1. Нахождение неопределенных интегралов
2. Нахождение определенных интегралов
3. Нахождение несобственного интеграла
4. нахождение площади криволинейной трапеции

**Типовое практическое задание по разделу**

1. Выполнить действия над множествами (10 баллов)  
 $A=(-1,0]$ ,  $B=[0,2)$ . Найти  $A \cup B$ ,  $B \cap A$ ,  $A \cup \overline{B}$ ,  $\overline{A \cap B}$ ,  $\overline{A \cup B}$

2. Проанализировать функцию на непрерывность и выяснить характер разрывов (15 баллов)

$$y = \frac{2x + x^2}{x}$$

3. Найти участки возрастания и убывания функции, классифицировать точки экстремума (15 баллов)

$$y = \frac{1 - x^2}{1 + x}$$

4. Найти определенный интеграл (15 баллов)

$$\int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{\sin^2 x}{\cos x} dx$$

**Типовое задание для электронного семинара**

1. Опишите виды зависимостей, с которыми вы сталкиваетесь при планировании деятельности.
2. Сформулируйте правило нахождения частных производных функции нескольких переменных
3. В чем заключается геометрический смысл определенного интеграла?

**4.3. Оценочные средства для промежуточной аттестации.****4.3.1. Формируемые компетенции**

Таблица 5.

Код компетенции	Наименование компетенции	Код этапа освоения компетенции	Наименование этапа освоения компетенции
ОПК-3	способность выбрать инструментальные средства для	ОПК-3.1.	способность использовать дифференциальное и интегральное исчисление,

	обработки экономических данных в соответствии с поставленной задачей, проанализировать результаты расчетов и обосновать полученные выводы		умение решать типовые дифференциальные уравнения.
--	---	--	---

Таблица 6.

Этап освоения компетенции	Показатель оценивания	Критерий оценивания
ОПК - 3.3 способность использовать дифференциальное и интегральное исчисление, умение решать типовые дифференциальные уравнения.	Использует основные понятия, методы и приемы математического анализа в профессиональной деятельности. Осуществляет приемы математических исследований.	Решил задачи следующего характера: исследование функциональных зависимостей, предельный анализ, дифференцирование, интегрирование, разложение в ряды. Использовал при решении практических задач анализ, синтез, индукцию, дедукцию.

### Вопросы для подготовки к экзамену

1. Понятие множества. Объединение, пересечение и дополнение множеств.
2. Определение функции. Способы задания функций. Область определения и область значения функции.
3. Определение числовой последовательности. Возрастающие и убывающие числовые последовательности.
4. Определение предела числовой последовательности. Свойства предела.
5. Бесконечно малые и бесконечно большие переменные.
6. Предел функции. Свойства предела функции.
7. Замечательные пределы.
8. Способы раскрытия неопределенностей вида  $0/0$ .
9. Способы раскрытия неопределенностей вида  $\infty / \infty$ .
10. Понятие предела функции слева и справа. Разрывы 1-го и 2-го рода.
11. Определение непрерывной функции.
12. Общий алгоритм исследования поведения непрерывной функции.
13. Определение производной функции. Геометрическая интерпретация производной.
14. Производная суммы, произведения и отношения функций.
15. Производная сложной функции.
16. Возрастание и убывание функции.
17. Понятие выпуклой функции.
18. Определение дифференциала и его геометрический смысл.
19. Теорема Ролля о существовании экстремальной точки.
20. Теорема Лагранжа о конечном приращении.
21. Теорема Коши.
22. Правило Лопиталя для раскрытия неопределенностей.
23. Необходимый признак экстремума (теорема Ферма).
24. Частная производная функции двух переменных. Полный дифференциал.

25. Понятие экстремума функции двух переменных.
26. Понятие производных высшего порядка.
27. Определение первообразной и ее свойства.
28. Определение неопределенного интеграла и его свойства.
29. Замена переменных в неопределенном интеграле.
30. Формула интегрирования по частям в неопределенном интеграле.
31. Определение определенного интеграла. Геометрический смысл определенного интеграла.
32. Формула Ньютона-Лейбница.
33. Замена переменной в определенном интеграле
34. Формула интегрирования по частям в определенном интеграле.
35. Определенный интеграл с бесконечным пределом. (Несобственный интеграл)
36. Определенный интеграл от функции, стремящейся к бесконечности в точке, расположенной на интервале интегрирования (несобственный интеграл).

### Типовые ситуационные задания

- 1) Найти пределы: а)  $\lim_{x \rightarrow 1,5} \frac{2x^2 - x - 3}{2x^2 - 5x + 3}$ ; б)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x+4} - 2}$ ;
- 2) Вычислить производную функции:  $y = 2\sqrt[4]{x} + 9x^2\sqrt[3]{x^2} - 3x\sqrt[5]{x^3}$ ;
- 3) Провести исследование и построить эскиз графика:  $y = 2x^3 + 3x^2$
- 4) Вычислить неопределенный интеграл: а)  $\int \frac{(\sqrt{x}+1)^3}{x\sqrt{x}} dx$ ; б)  $\int \frac{dx}{(2x+1)^5}$ .
- 5) Найти пределы: а)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{2x-1} - \frac{x^2}{2x+1}$ ; б)  $\lim_{x \rightarrow 64} \frac{\sqrt{x}-8}{4-\sqrt[3]{x}}$ .
- 6) Вычислить производные функций:  $y = \sqrt{x} + 2\sqrt[5]{x^3} - \frac{1}{\sqrt[4]{x}}$ .
- 7) Провести исследование и построить эскиз графика:  $y = \frac{1}{3}x^3 - x$ .
- 8) Вычислить неопределенный интеграл:  $\int \frac{x^2 - 2x + 3}{x\sqrt{x}} dx$ ; б)  $\int \frac{2x+3}{5x-3} dx$ .

### Типовые письменные контрольные задания

#### Выполнить действия над множествами

$A = (-1, 0]$ ,  $B = [0, 2)$ . Найти  $A \cup B$ ,  $B \cap A$ ,  $A \cup \bar{B}$ ,  $\bar{A} \cap B$ ,  $\overline{A \cup B}$

#### Решить задачи, используя теорию множеств

В группе из 100 туристов 70 знают английский язык, 45 – французский, 23 – оба языка. Сколько туристов в группе не знают ни английского, ни французского языка?

Найти область определения функции

$$y = \frac{\sqrt{25 - x^2}}{\log_5(x^2 + 4x)}$$

Проанализировать функции на непрерывность и выяснить характер разрывов

$$y = \frac{2x + x^2}{x}$$

Найти участки возрастания и убывания функций, классифицировать точки экстремума

$$y = \frac{1 - x^2}{1 + x}$$

Найти определенные интегралы

$$\int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{\sin^2 x}{\cos x} dx$$

Вычислить площадь фигур ограниченных линиями

$$y = \frac{1}{x}, x = e, x = e^2, y = 0$$

**Типовые тестовые задания для подготовки к экзамену для заочной формы обучения с применением ЭО ДОТ**

1. В киоске канцелярских товаров студенты покупают либо ручку, либо тетрадь, либо ручку и тетрадь. В один день было продано 57 ручек и 36 тетрадей. Сколько было покупателей, если 12 студентов купили и ручку, и тетрадь?

- b) 93
- c) 81 \*
- d) 70
- e) 57

2. Какое из нижеприведенных множеств соответствует области определения функции

$$y = \ln(1 - x) + \sqrt{2x + 1}.$$

- a.)  $(0, +\infty)$ ; \*
- b.)  $[1, 2]$ ;
- c.)  $[-0.5, 1)$ ;
- d.)  $(-1, 2]$ .

3. Чему равен предел  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{\sqrt{x+1}-2}$  ?

- a.) 4; \*
- b.) -1;
- c.) 0;

d.)  $+\infty$ .

4. В точке  $x = 3$  функция  $y = \frac{\ln(x-2)}{x-3}$

- a.) непрерывна;
- b.) имеет разрыв 2-го рода;
- c.) имеет разрыв 1-го рода;
- d.) имеет разрыв 1-го рода, устранимый.

\*

5. Чему равна производная от функции  $y = \frac{x^2-1}{x+3}$ :

- a)  $2x$ ;
- b)  $\frac{2x-1}{x+3}$ ;
- c)  $1 - \frac{8}{(x+3)^2}$ ; \*
- d)  $\frac{x-2}{(x+3)^2}$ .

6. Чему равен неопределенный интеграл  $\int \sin(3x+2)dx$

- a)  $3 \sin(3x+2) + C$
- b)  $-\frac{1}{3} \cos(3x+2) + C$  \*
- c)  $3 \cos(3x+2) + C$
- d)  $\frac{1}{3} \cos(3x+2) + C$

7. Чему равен определенный интеграл  $\int_{-1}^1 x e^{-x^2+1} dx$  ?

- a.)  $e^6$ ;
- b.)  $-e^{-2}(1-e)$ ;
- c.)  $2(e^5 - e^{-5})$ ;
- d.) 0.

8. Вычислить несобственный интеграл  $\int_1^2 \frac{dx}{x \ln x}$

- a) 1
- b)  $\pi$
- c)  $\pi/2$
- d)  $\infty$  \*
- e)

**Шкала оценивания.**

Таблица 7.

Экзамен (оценка/балл)	Критерии оценки
2 - неудовлетворительно (0-50)	Компетенции, предусмотренные образовательной программой, не сформированы. Недостаточный уровень усвоения понятийного аппарата и наличие фрагментарных знаний по дисциплине. Отсутствие минимально допустимого уровня в самостоятельном решении практических задач. Практические навыки профессиональной деятельности не сформированы.
3 - удовлетворительно (51-64)	Компетенции, предусмотренные образовательной программой, сформированы на минимальном уровне. Наличие минимально допустимого уровня в усвоении учебного материала, в т.ч. в самостоятельном решении практических задач. Практические навыки профессиональной деятельности сформированы не в полной мере.
4 -хорошо (64-84)	Компетенции, предусмотренные образовательной программой, сформированы достаточно. Детальное воспроизведение учебного материала. Практические навыки профессиональной деятельности в значительной мере сформированы. Присутствуют навыки самостоятельного решения практических задач с отдельными элементами творчества.
5 -отлично (85-100)	Компетенции, предусмотренные образовательной программой, сформированы на высоком уровне. Свободное владение материалом, выявление межпредметных связей. Уверенное владение понятийным аппаратом дисциплины. Практические навыки профессиональной деятельности сформированы на высоком уровне. Способность к самостоятельному нестандартному решению практических задач.

**4.4. Методические материалы**

Экзамен включает ответы на теоретические вопросы и выполнение практических заданий.

Ответы на теоретические вопросы могут даваться в устной форме или в форме электронного тестирования.

Выполнение практических заданий проводится в письменной форме.

Студент при подготовке к ответу по билету формулирует ответ на вопрос, а также выполняет задание (письменно либо устно, в зависимости от содержания задания).

При ответе студент должен полно и аргументированно ответить на вопрос билета, демонстрируя знания либо умения в его рамках.

При выполнении задания необходимо четко определить его суть и необходимый результат его выполнения. При решении практического задания необходимо определить тему, основную формулу в теме и записать данные задачи в терминах курса. Это позволит определить неизвестную величину и решить задачу.

При демонстрации выполненного задания студент должен аргументировать свое решение (формулировку текста и т.д.), демонстрируя знания, умения либо навыки в полной мере.

Ответ на каждый вопрос (задание) билета оценивается по 5-балльной шкале в соответствии со шкалой оценивания. Потом выводится среднеарифметическая оценка ответа студента, которая является итоговой за экзамен.

Если среднеарифметическая оценка находится между целыми числами, то итоговая оценка округляется в пользу студента.

Для студентов, обучающихся на заочной форме обучения с применением ЭО и ДОТ выполнение письменного контрольного задания позволяет оценить умения и навыки по дисциплине и осуществляется в течении семестра.

Проверка знаний также осуществляется с помощью тестовых заданий. Тестирование проводится в СДО "Прометей" в соответствии с установленными требованиями. Итоговый тест формируется на аппаратном уровне с использованием банка тестовых заданий по дисциплине. Проверка результатов тестирования осуществляется автоматически.

Алгоритм расчета итоговой оценки студентов, обучающихся на заочной форме обучения с применением ЭО и ДОТ, установлен «Регламентом о системе оценивания знаний обучающихся по дисциплинам учебного модуля по образовательным программам с применением электронного обучения на факультете заочного и дистанционного обучения Сибирского института управления-филиала РАНХиГС».

По заочной форме обучения с применением ЭО и ДОТ итоговая оценка по дисциплине формируется по результатам выполнения ПКЗ и прохождения электронного тестирования на основании следующей формулы:

$$\Sigma = \text{ПКЗ} \times 0,4 + \text{ТЕСТ} \times 0,6$$

Выполнение письменного контрольного задания позволяет оценить умения и навыки по дисциплине и осуществляется в течение семестра.

Проверка знаний осуществляется с помощью тестовых заданий. Тестирование проводится в СДО "Прометей" в соответствии с установленными требованиями. Итоговый тест формируется на аппаратном уровне с использованием банка тестовых заданий по дисциплине. Проверка результатов тестирования осуществляется автоматически.

Студент обязан явиться на экзамен в указанное в расписании время. Опоздание на экзамен не допускается. В порядке исключения на экзамен могут быть допущены лица, предъявившие оправдательные документы, связанные с причинами опоздания.

Ответ на теоретический вопрос позволяет проверить качественное овладение содержанием курса и сложными интеллектуальными умениями: логично и последовательно излагать свои мысли, применять теоретические знания для обоснования и объяснения предложенных явлений и процессов, использовать знания в воображаемых жизненных ситуациях, прогнозировать последствия, формулировать гипотезы, делать выводы, выражать и обосновывать свою точку зрения, приводить аргументы в поддержку определенной точки зрения или в опровержении ее и др. Критерии оценивания, представленные в таблице 3 позволяют привязать полноту ответа и уровень продемонстрированных знаний и умений в четырех-балльной и сто-балльной шкале оценок.

Во время проведения экзамена студентам запрещается иметь при себе и использовать средства связи. Использование материалов, а также попытка общения с другими студентами или иными лицами, в том числе с применением электронных средств связи, несанкционированные перемещения и т.п. являются основанием для удаления студента из аудитории и последующего проставления оценки «неудовлетворительно».

## **5. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

### **Методические указания по написанию контрольной работы**

Контрольная работа выполняется студентом самостоятельно, в соответствии с предложенным ему вариантом. Варианты контрольной работы определяются преподавателем (как правило, вариант соответствует последней цифре в зачетной книжке студента, либо расположению его фамилии в списке группы)

Контрольная работа должна быть выполнена аккуратно и грамотно рукописным текстом.

Перед написанием контрольной работы преподавателем проводится занятие, посвященное обобщению материала, выносимого на контрольную работу.

Контрольная работа оценивается преподавателем в течение семи дней (бальная система оценивания). Оценка за контрольную работу заносится в балльно-рейтинговую систему.

Для достижения положительного результата при написании контрольной работы, студенту рекомендуется внимательно изучить задание. В достаточной мере освоенный теоретический лекционный материал, навыки практических занятий, усвоение необходимых закономерностей и аналогий, выполнение самостоятельной работы позволяют получить правильное решение задач контрольной работы. Ответы должны быть подробно обоснованы и логически выдержаны.

Основная цель контрольной работы – закрепить знания, полученные на аудиторных занятиях при изучении данной дисциплины.

### **Методические указания к выполнению индивидуального практического задания**

Задание оформляется в отдельной тетради.

Вариант является индивидуальным и его номер определяется преподавателем.

Индивидуальное задание позволяет студентам лучше освоить основные приемы исследования поведения функций, построения эскизов их графиков, познакомиться с основными способами вычисления неопределенных, определенных и несобственных интегралов.

Рекомендуется выполнять задание в течение всего семестра, решая задания после того, как соответствующие темы были разобраны на семинарских занятиях. Это поможет закрепить навыки решения типовых задач, а возникающие при этом вопросы снять на последующих семинарах.

### **Методические рекомендации по освоению дисциплины для заочной формы обучения с частичным применением ЭО и ДОТ**

Обучающиеся участвуют в вебинаре по дисциплине (режим off-line). В случае, если студент не имеет возможность присутствовать на вебинаре в режиме off-line, он может просмотреть запись вебинара, размещенную в СДО "Прометей".

Студенты осуществляют самостоятельное изучение учебно-методических материалов, размещенных в библиотеке СДО "Прометей", внешних электронных библиотеках или доступных обучающемуся по месту жительства. В процессе изучения выделяют вопросы, вызывающие затруднения. Возникшие у обучающихся вопросы они могут задать преподавателю дисциплины на вебинаре в режиме off-line. Задать вопросы можно также через преподавателя-тьютора, закрепленного за потоком с целью оказания организационно-методической помощи обучающимся. В этом случае преподаватель может ответить на них либо с использованием форума СДО "Прометей", либо передать ответ через преподавателя-тьютора.

Участие в электронном семинаре и тестирование в режиме «самопроверка» позволяет студенту определить степень усвоения необходимого объема материала по дисциплине.

В ходе проверки результатов выполнения заданий текущего контроля успеваемости (электронного семинара) преподаватель обобщает и комментирует работу студента, что позволяет студенту скорректировать самостоятельное изучение дисциплины, обратить внимание на часто допускаемые ошибки и устранить пробелы в знаниях.

## **6. Учебная литература и ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", включая перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине**

### **6.1 Основная литература.**

1. Баврин, И. И. Математический анализ [Электронный ресурс] : учебник и практикум для академического бакалавриата / И. И. Баврин. — 2-е изд., испр. и доп. – Электрон. дан. — Москва : Издательство Юрайт, 2016. — 327 с. - Доступ из ЭБС издательства «Юрайт».

— Режим доступа : <https://www.biblio-online.ru/book/F574610E-5839-4AB7-8238-DFAB3C30FC21>, требуется авторизация. — Загл. с экрана.

2. Краснова, С. А. Математический анализ для экономистов в 2 ч. [Электронный ресурс] : учебник и практикум для прикладного бакалавриата. Часть 1 / С. А. Краснова, В. А. Уткин. — Электрон. дан. — Москва : Издательство Юрайт, 2016. — 298 с. - Доступ из ЭБС издательства «Юрайт». — Режим доступа : <https://www.biblio-online.ru/book/65CFE29A-447B-4349-A739-62A3506604F5>, требуется авторизация. — Загл. с экрана.

3. Краснова, С. А. Математический анализ для экономистов в 2 ч. [Электронный ресурс] : учебник и практикум для прикладного бакалавриата. Часть 2 / С. А. Краснова, В. А. Уткин. — Электрон. дан. — Москва : Издательство Юрайт, 2016. — 315 с. — Режим доступа : <https://www.biblio-online.ru/book/B70B45D3-38EC-4AF7-A6C1-E87FE8A0A9EB>, требуется авторизация. — Загл. с экрана.

4. Малугин, В. А. Математический анализ для экономического бакалавриата [Электронный ресурс] : учебник и практикум / В. А. Малугин. — 3-е изд., перераб. и доп. — Электрон. дан. — Москва : Издательство Юрайт, 2016. — 557 с. — Режим доступа : <https://www.biblio-online.ru/book/0B5BEBCA-1270-42F2-B650-1ECE544CDB45>, требуется авторизация. — Загл. с экрана.

5. Рапоцевич, Е. А. Математический анализ : учеб. пособие / Е. А. Рапоцевич ; Рос. акад. нар. хоз-ва и гос. службы при Президенте РФ, Сиб. ин-т упр. - Новосибирск : Изд-во СибАГС, 2012. - 111 с. - То же [Электронный ресурс]. - Доступ из Б-ки электрон. изд. / Сиб. ин-т упр. – филиал РАНХиГС. – Режим доступа : <http://www.sarpanet.ru>, требуется авторизация. - Загл. с экрана.

## 6.2 Дополнительная литература.

7. Боронина, Е. Б. Математический анализ [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Е. Б. Боронина. — Электрон. дан. — Саратов : Научная книга, 2012. — 159 с. — Доступ из ЭБС «IPRbooks». - Режим доступа : <http://www.iprbookshop.ru/6298.html>, требуется авторизация. - Загл. с экрана.

1. Протасов, Ю. М. Математический анализ [Электронный ресурс] : учеб. пособие / Ю. М. Протасов. — Электрон. дан. - Москва : Изд-во «Флинта», 2012. - 165 с. – Доступ из ЭБС «Унив. б-ка ONLINE». - Режим доступа : <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=115118>, требуется авторизация. – Загл. с экрана.

2. Солодовников, А. С. Математика в экономике [Электронный ресурс] : учебник. Ч. 2. Математический анализ / А. С. Солодовников, В. А. Бабайцев, А. В. Браилов. — Электрон. дан. — Москва : Финансы и статистика, 2011. — 560 с. - Доступ из ЭБС изд-ва «Лань». — Режим доступа : [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=5364](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=5364), требуется авторизация. – Загл. с экрана.

3. Тер-Крикоров, А. М. Курс математического анализа [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А. М. Тер-Крикоров, М. И. Шабунин. - 5-е изд. (эл.). - Электрон. дан. — Москва : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2013. - 672 с. - Доступ из ЭБС «Унив. б-ка ONLINE». - Режим доступа : <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=222880>, требуется авторизация. – Загл. с экрана.

4. Туганбаев, А. А. Математический анализ. Ряды [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А. А. Туганбаев. - 3-е изд., доп. - Электрон. дан. — Москва : Флинта, 2012. - 48 с. - Доступ из ЭБС «Унив. б-ка ONLINE». - Режим доступа : <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=115142>, требуется авторизация. – Загл. с экрана.

5. Туганбаев, А. А. Математический анализ: интегралы [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А. А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Электрон. дан. — Москва : Флинта, 2011. - 76 с. - Доступ из ЭБС «Унив. б-ка ONLINE». - Режим доступа : <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103835>, требуется авторизация. – Загл. с экрана.

6. Туганбаев, А. А. Математический анализ: производные и графики функций [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А. А. Туганбаев. - 2-е изд., стереотип. - Электрон. дан. — Москва : Флинта, 2011. - 91 с. - Доступ из ЭБС «Унив. б-ка ONLINE». - Режим доступа : <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103836>, требуется авторизация. – Загл. с экрана.

### 6.3 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы.

1. Польшкина, Е. А. Сборник заданий по высшей математике с образцами решений (математический анализ) [Электронный ресурс] : учебно-методическое пособие / Е. А. Польшкина, Н. С. Стакун. — Электрон. дан. — Москва : Прометей, 2013. — 200 с. — Доступ из ЭБС «IPRbooks». - Режим доступа : <http://www.iprbookshop.ru/24022.html>, требуется авторизация. - Загл. с экрана.

2. Быкова, О. Н. Практикум по математическому анализу [Электронный ресурс] : учеб. пособие / О. Н. Быкова, С. Ю. Колягин, Б. Н. Кукушкин. — Электрон. дан. — Москва : Прометей, 2014. — 277 с. . — Доступ из ЭБС «IPRbooks». - Режим доступа : <http://www.iprbookshop.ru/30409.html>, требуется авторизация. - Загл. с экрана.

### 6.4. Нормативные правовые документы.

Не предусмотрены

### 6.5. Интернет-ресурсы

1. <http://biblioclub.ru/> - Университетская библиотека Online;
2. <http://ntb.bstu.ru/content/driveway/files/Math.html> - путеводитель по математическим ресурсам Интернет;
3. <http://www.intuit.ru/> - Национальный открытый университет (бесплатные курсы лекций по математике, тестовые задания).
4. <http://www.mathnet.ru/> - Информационная система Math-Net.Ru — общероссийский математический портал;
5. [http://www-sbras.nsc.ru/win/mathpub/math\\_www.html](http://www-sbras.nsc.ru/win/mathpub/math_www.html) - Математика на страницах WWW;
6. <http://www.allmath.ru/> - Математический портал;
7. <http://www.mathedu.ru/> - Интернет-библиотека "Математическое образование: прошлое и настоящее";
8. <http://eqworld.ipmnet.ru/indexr.htm> - EqWorld - Мир математических уравнений;
9. <http://www.sosmath.com/> - Математика: от алгебры к дифференциальным уравнениям;
10. <http://planetmath.org/> - Математическая энциклопедия;
11. <http://ilib.mccme.ru/> - Интернет-библиотека Московского Центра непрерывного математического образования;
12. <http://mms.mathnet.ru/> - Московское математическое общество;
13. <http://www.mathsoc.spb.ru/rus/index.html> - Санкт-Петербургское математическое общество (1886–1917 гг.);

## 6.6. Иные источники

Иные источники не используются

**7. Материально – техническая база, информационные технологии, программное обеспечение и информационные справочные системы**

<b>Наименование специальных помещений и помещений для самостоятельной работы</b>	<b>Оснащенность специальных помещений и помещений для самостоятельной работы</b>
<i>Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа</i>	Экран, компьютер с подключением к локальной сети института, и выходом в Интернет, звуковой усилитель, антиподавитель, мультимедийный проектор, столы аудиторные, стулья, трибуна настольная, доска аудиторная
<i>Учебные аудитории для проведения занятий семинарского типа</i>	Стол� аудиторные, стулья, трибуна, доска аудиторная
<i>Помещения для самостоятельной работы обучающихся. Компьютерные классы Центр интернет-ресурсов</i>	<b>Компьютерные классы:</b> компьютеры с подключением к локальной сети института (включая правовые системы) и Интернет, программа 1С, столы аудиторные, стулья, доски аудиторные <b>Центр интернет-ресурсов:</b> компьютеры с выходом в Интернет, автоматизированную библиотечную информационную систему и электронные библиотечные системы: «Университетская библиотека ONLINE», «Электронно-библиотечная система издательства ЛАНЬ», «Электронно-библиотечная система издательства «Юрайт», «Электронно-библиотечная система IPRbooks», «Университетская Информационная Система РОССИЯ», «Электронная библиотека диссертаций РГБ», «Научная электронная библиотека eLIBRARY», «EBSCO», «SAGE Premier». Система федеральных образовательных порталов «Экномика. Социология. Менеджмент», «Юридическая Россия», Сервер органов государственной власти РФ, Сайт Сибирского Федерального округа и др. Экран, компьютер с подключением к локальной сети филиала и выходом в Интернет, звуковой усилитель, мультимедийный проектор, столы аудиторные, стулья, трибуна, доска аудиторная. Наборы виртуального демонстрационного оборудования, наглядные учебные пособия.
<i>Библиотека (имеющая места для обучающихся, оснащенные компьютерами с доступом к базам данных и сети Интернет</i>	Компьютеры с подключением к локальной сети филиала и Интернет, Wi-Fi, столы аудиторные, стулья, Wi-Fi
<i>Видеостудия для проведения вебинаров</i>	Два рабочих места, оснащенных компьютерами, веб-камерами и гарнитурам (наушники и микрофон).
<i>Видеостудия для вебинаров</i>	Два рабочих места, оснащенных компьютерами, веб-камерами и гарнитурам (наушники и микрофон).

Программное обеспечение необходимое для реализации учебного процесса по дисциплине:

- пакет MS Office;
- Microsoft Windows;
- сайт филиала;
- СДО Прометей;
- корпоративные базы данных;
- iSpring Free Cam8.